

مرکز هفت

# مسابقات

## ریاضی هفتم

از مجموعه  
موسسه



وحید اسدی کیا

۲۰۰۰ عنوان حل شده  
۲۰۰۰ نکته کلیدی درس ریاضی کلاس هفتم  
طرح ریزی شده بر اساس فصل‌های کتاب درسی ریاضی  
روز به روز دانش‌آموزان مدارس، معلمان و اولیایان  
با پاسخ‌های گام به گام

فصل ۶: سطح و حجم .....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۷: توان و جذر .....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۸: بردار و مختصات  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۹: آمار و احتمال ....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۱: راهبردهای حل مسئله..  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۲: اعداد صحیح .....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۳: جبر و معادله .....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۴: هندسه و استدلال ....  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۵: اعداد طبیعی (شماره‌ها)  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

استاد وحید اسدی کیا



# اعداد صحیح و میانگین

تعدادین از ۱۱۲ تا ۱۴۶ شماره‌های زوج

۱۴۵. اگر دمای شهر A، ۲۰ درجه بالای صفر و دمای شهر B، ۱۰ درجه زیر صفر و دمای شهر C، ۲۲ درجه زیر صفر باشد،

(المپیاد ریاضی)



دمای شهر A چند درجه گرم‌تر از میانگین دمای سه شهر است؟

د ۲۴ درجه

ج ۱۶ درجه

ب ۱۲ درجه

الف ۱۰ درجه

$$\text{میانگین} = \frac{\text{مجموع}}{\text{تعداد}} \Rightarrow \frac{(+20) + (-10) + (-22)}{3} = \frac{-12}{3} = -4$$



$$+20 - (-4) = +20 - (-4) = +20 + 4 = +24$$



استاد وحید اسدی کیا





استاد وحید اسدی کیا



مسئله (۳)

۱- حاصل عبارت  $(2 + 3 \times (-2)) + 4 \times 2 \div 8 - 16 + 16$  کدام است؟



Handwritten solution for problem 1:  $(2 + 3 \times (-2)) + 4 \times 2 \div 8 - 16 + 16$ . The calculation shows  $3 \times (-2) = -6$ ,  $4 \times 2 = 8$ ,  $8 \div 8 = 1$ , and  $2 + 1 = 3$ . Then  $3 + 1 - 16 + 16 = 4$ . The final result is 4.

- ۱ (۲)
- ۳ (۱)
- ۳ (۱)
- ۳ (۱)

Handwritten solution for problem 2:  $(-1 \times 8) + (-3) = -8 - 3 = -11$ . The result is -11.

۲- حاصل عبارت زیر کدام است؟

Handwritten solution for problem 2:  $-[-(-(-5)) + (-1 - 3)] = ?$ . The calculation shows  $-(-(-5)) = -5$ ,  $-1 - 3 = -4$ , and  $-5 + (-4) = -9$ . Then  $-[-9] = 9$ . The final result is 9.

Handwritten solution for problem 2:  $-[-(-(-5)) + (-1 - 3)] = -[-(-9)] = 9$ .

- ۲ (۲)

- ۱ (۱)

Handwritten solution for problem 2:  $9$ .



استاد وحید اسدی کیا

موسسه تخصصی زبان نیرزهوشان

۱۴۶. میانگین ۳ عدد صحیح -۱ می باشد. اگر کوچک ترین عدد -۷ و یکی از اعداد ۲ واحد بیش تر از کوچک ترین عدد باشد، بزرگ ترین عدد چه قدر بیش تر از کوچک ترین عدد است؟

(المپیاد ریاضی)

د +۱۰

ج +۱۲

ب +۱۶

الف +۱۸

$$\frac{\text{میانگین}}{\text{تعداد}} = \frac{\text{مجموع}}{۳} \Rightarrow -۱ = \frac{\text{مجموع}}{۳} \Rightarrow \text{مجموع} = ۳ \times (-۱) = -۳$$

$$-۳ = (-۷) + (-۵) + ? \Rightarrow -۳ - (-۷) - (-۵) = ? \Rightarrow -۳ + ۷ + ۵ = ? \Rightarrow ۹ = ?$$



$$-۳ = -۷ + ۲ + ۹ \Rightarrow ۹ - (-۷) = ۱۶$$



استاد وحید اسدی کیا



۱۴۸. میانگین دمای هوای سه شهر A، B و C، ۳- درجه است. اگر دمای شهرهای A و B به ترتیب ۱۱- و ۱۳ درجه باشد،

(مسابقات علمی)

دمای شهر C چند درجه است؟



Handwritten solution for the math problem:

$$\frac{\text{میانگین}}{\text{تعداد}} = \frac{\text{مجموع}}{\text{تعداد}}$$

$$\frac{3-}{3} = \frac{A + B + C}{3}$$

$$\Rightarrow 3- = A + B + C$$

$$\Rightarrow 3- = 11- + 13 + C$$

$$\Rightarrow 3- = 22 + C$$

$$\Rightarrow C = 3- - 22 = -25$$

The diagram shows a circular path with temperature values: ۱۵ (الف), ۱۱ (ب), ۱۱ (ج), ۵ (د), and ۳. A path is drawn from ۱۱ (ج) to ۱۳ (B) to ۳ (C) to ۱۱ (ب) to ۱۵ (الف) to ۱۱ (ج) to ۵ (د) to ۳ (C) to ۱۱ (ب) to ۱۵ (الف) to ۱۱ (ج).

Additional handwritten notes:

$$22 + C = 3- \Rightarrow C = 3- - 22 = -25$$

A small photo of a man in a black jacket and yellow shirt is visible in the bottom right corner of the solution area.

استاد وحید اسدی کیا



تکمه: اگر مجموع دو عدد را به ما بدهند و تقاضای آنها را نیز به ما بدهند و



آن دو عدد را از ما بخواهند، از فرمول زیر آنها را به دست می آوریم

$$\begin{aligned} \text{عدد بزرگتر} &= \frac{\text{تقاضی} + \text{مجموع}}{2} \\ \text{عدد کوچکتر} &= \frac{\text{تقاضی} - \text{مجموع}}{2} \end{aligned}$$

$$\square + \triangle = 30$$

$$\square - \triangle = 6$$

$$\square = \frac{30 + 6}{2} = 18$$

$$\triangle = \frac{30 - 6}{2} = 12$$

عدد بزرگتر

استاد وحید اسدی کیا



فروشگاه  
سرزمین تیزهوشان ایران

۱۴۹. میانگین دو عدد صحیح، +۳ و اختلاف آنها +۲۲ است. اختلاف عدد کوچکتر با عدد صحیح  $-۱۰$ ، چند واحد است؟

(آزمون ورودی)

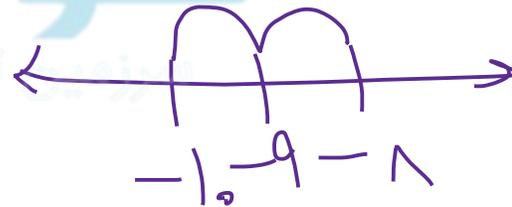
الف) ۱ واحد      ب) ۲ واحد      ج) ۳ واحد      د) ۴ واحد



$$\frac{\text{میانگین}}{\text{تعداد}} = \frac{\text{مجموع}}{\text{تعداد}} \Rightarrow \frac{3}{2} = \frac{\text{مجموع}}{2} \Rightarrow \text{مجموع} = 6$$

$$\begin{aligned} \square + \Delta &= +6 \\ \square - \Delta &= 22 \end{aligned} \Rightarrow \text{عدد کوچکتر} = \frac{\text{تفاضل} - \text{مجموع}}{2} = \frac{-14 - 6}{2} = -10$$

$$\Rightarrow \text{عدد کوچکتر} = -10$$



استاد وحید اسدی کیا



۱۵۱. سه عدد صحیح داریم که مجموع اولی و دومی، -۳۱ و مجموع دومی و سومی، -۵۶ و مجموع اولی و سومی، -۵۱ است.

(المپیاد ریاضی)



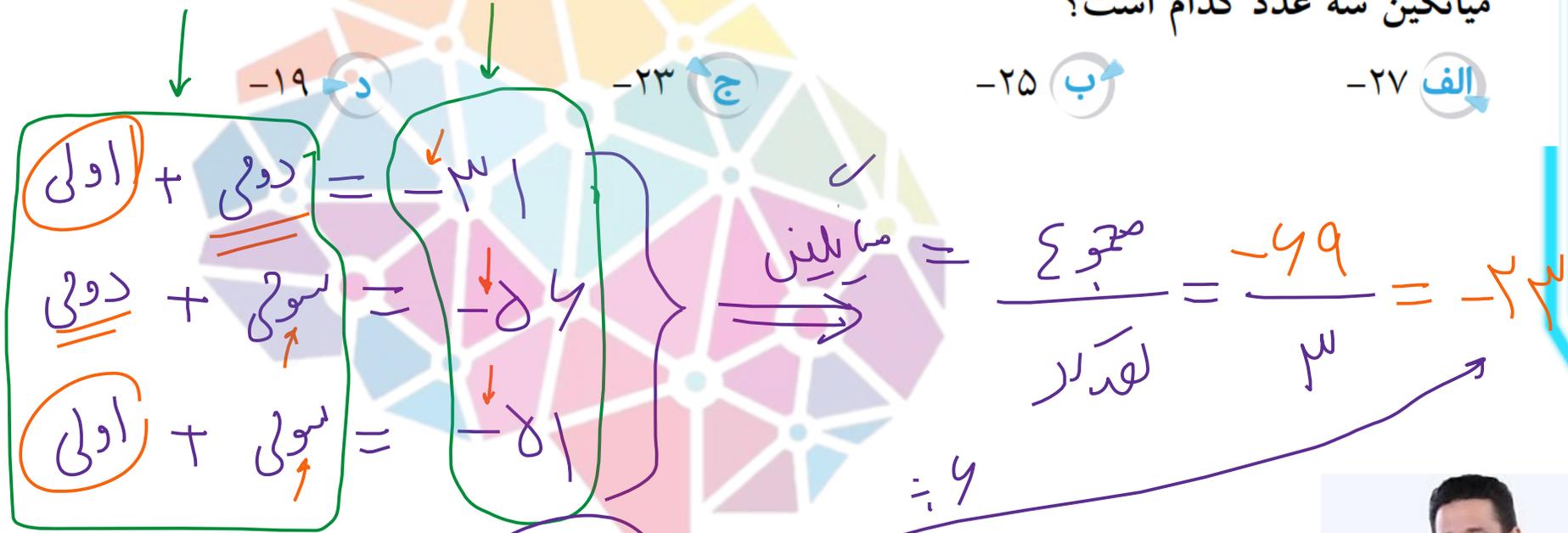
میانگین سه عدد کدام است؟

الف -۲۷

ب -۲۵

ج -۲۳

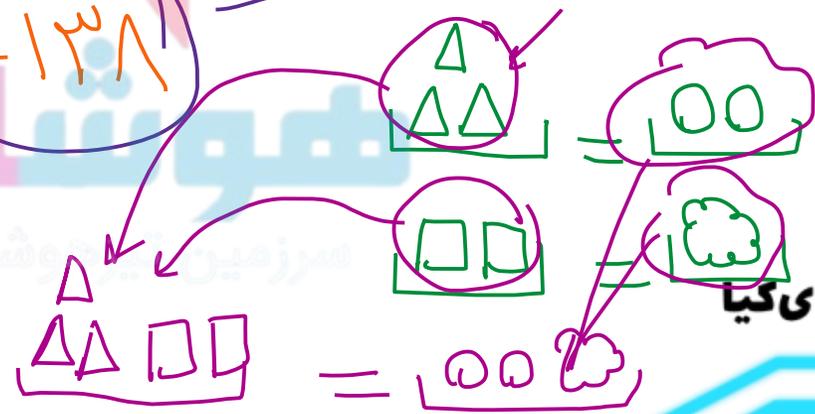
د -۱۹



$$\underbrace{\text{اولی}} + \underbrace{\text{اولی} + \text{دومی}} + \underbrace{\text{دومی} + \text{سومی}} + \underbrace{\text{سومی}} = -۱۳۸$$

$$\underbrace{\text{اولی} + \text{دومی} + \text{سومی}} = -۴۶$$

مجموع سه عدد



استاد وحید اسدی کیا



۱۵۹. اگر عمل \* را برای دو عدد صحیح a و b به صورت  $a * b = \frac{a-b}{a+b} - 2$  تعریف کنیم، حاصل عبارت  $(+5) * (-6)$  کدام است؟

(آزمون پیشرفت تفهیلی + مسابقات علمی + آزمون ورودی)



الف +۹      ب +۷      ج -۱۳      د -۹

$$\begin{aligned}
 & \begin{matrix} a \\ \downarrow \\ (+5) \end{matrix} * \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ (-6) \end{matrix} = \frac{(+5) - (-6)}{(+5) + (-6)} - 2 \\
 & = \frac{(+5) + 6}{(+5) - 6} - 2 = \frac{+11}{-1} - 2 = -11 - 2 = -13
 \end{aligned}$$

Handwritten notes:  $-( -4 ) = +4$ ,  $1 * 6 = \frac{1-6}{1+6} - 2 = \frac{-5}{7} - 2 = -\frac{5}{7} - 2 = -\frac{5}{7} - \frac{14}{7} = -\frac{19}{7}$



استاد وحید اسدی کیا



۱۶۱. میانگین دمای بدن دو نوع حیوان مختلف،  $+30$  درجه است. اگر دمای بدن اولی  $4$  درجه از دمای بدن دومی، گرم تر باشد،

(آزمون ورودی)

دمای بدن حیوان سردتر کدام است؟

الف  $-28$

ب  $+56$

ج  $-56$

د  $+28$

مجموع دمای دو حیوان  
مجموع را برابر

$$\frac{صمغوع}{مقدار} = \frac{صمغوع}{مقدار} \Rightarrow \frac{30}{2} = \frac{صمغوع}{2} \Rightarrow صمغوع = 2 \times 30 = +60$$

تفاضل - مجموع = عدد کوهنوار

$$صمغوع - 4 = 60 \Rightarrow صمغوع = 60 + 4 = 64$$

$$\frac{64 - 4}{2} = 30$$



استاد وحید اسدی کیا



نکتہ: ہر گاہ سائلین صد عدد را بین آہا بیاورم و محدوداً سائلین لکیرم،  
سائلین تفیر کی نکالند

۱ و ۳ و ۲  
سائلین  
۵  
سائلین  
۵ و ۱ و ۳ و ۲



استاد وحید اسدی کیا



۱۶۴. به اعداد  $-۷$ ،  $+۳$  و  $-۱$  و  $+۱۷$  چه عددی را اضافه کنیم تا میانگین تغییر نکند؟

د → صفر

ج →  $+۱۲$

ب →  $+۳$

الف →  $+۱۵$

$$\begin{aligned} & \underbrace{-۷ + ۳ - ۱ + ۱۷}_{-۲} = \underbrace{+۱۲}_{+۳} \Rightarrow \frac{۱۲}{۴} = +۳ \end{aligned}$$

تقریباً از ۱۶۷ تا ۱۶۷  
شماره های وز



استاد وحید اسدی کیا



# فصل سوم جبر و معادله

جدی اگندہ شروع کی گئی



استاد وحید اسدی کیا

