



# مسابقات ریاضی هفتم



فصل ۱: راهبردهای حل مسئله..

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۲: اعداد صحیح .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۳: جبر و معادله .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۴: هندسه و استدلال .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۵: اعداد طبیعی .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۶: سطح و حجم .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۷: توان و جذر .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۸: بردار و مختصات .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۹: آمار و احتمال .....

پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۱: راهبردهای حل مسئله..  
پاسخ‌نامه کلیدی .....

فصل ۲: اعداد صحیح .....

فصل ۳: جبر و معادله .....

فصل ۴: هندسه و استدلال .....

فصل ۵: اعداد طبیعی .....

استاد وحید اسدی کیا



۱۶۴. به اعداد  $-۷$ ،  $+۳$  و  $-۱$  و  $+۱۷$  چه عددی را اضافه کنیم تا میانگین تغییر نکند؟

د → صفر

ج →  $+۱۲$

ب →  $+۳$

الف →  $+۱۵$

$$\begin{aligned} & \underbrace{-۷ + ۳}_{-۴} + \underbrace{-۱ + ۱۷}_{+۱۶} = +۱۲ \Rightarrow \frac{۱۲}{۴} = +۳ \end{aligned}$$

تقریباً از ۱۶۷ تا ۱۶۷  
شماره های وز



استاد وحید اسدی کیا





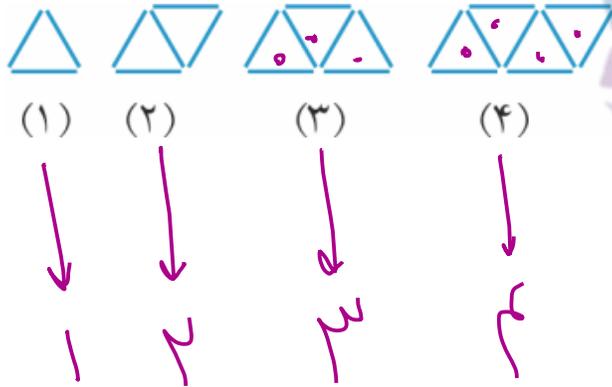
استاد وحید اسدی کیا



## الگوهای تصویری



(آزمون ورودی)



۱. اگر شکل‌ها به ترتیب زیر ادامه پیدا کنند، شکل  $n$ ام چند مثلث خواهد داشت؟

الف  $n$

ج  $2n$

ب  $\frac{n}{2}$

د  $n-1$

# هوش‌شوند

سرزمین تیزهوشان ایران



استاد وحید اسدی‌کیا



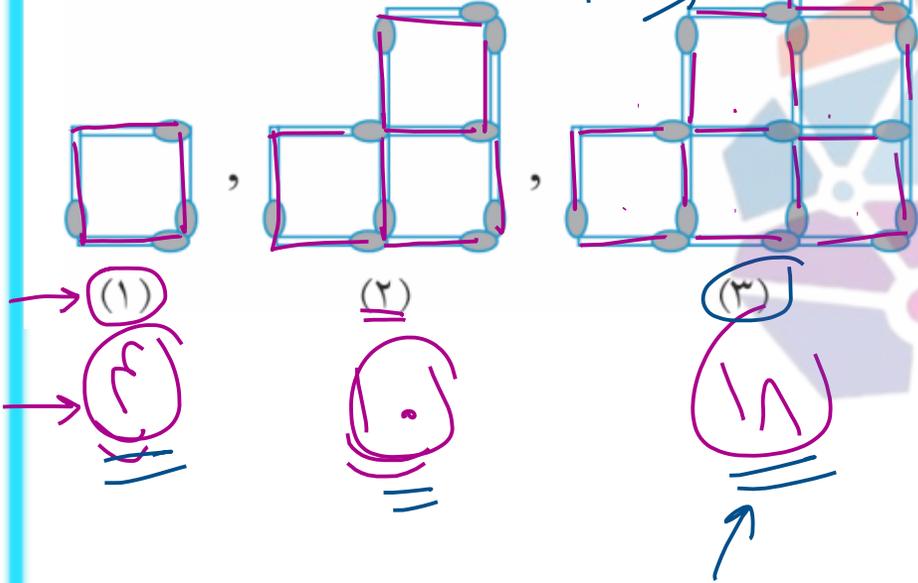
$$4 \times n - 2 \Rightarrow n = 1 \Rightarrow 4 \times 1 - 2 = 2$$

(تازه‌ها شایه)

$$n = 2 \Rightarrow 4 \times 2 - 2 = 6$$

$$n = 3 \Rightarrow 4 \times 3 - 2 = 10$$

۷. با توجه به شکل‌های زیر، تعداد چوب‌کبریت‌های شکل  $n$  ام چقدر است؟



$$1 \times (1 + 3) = 4 \quad \text{الف} \quad n(n + 3)$$

$$7n - 2 \quad \text{ب}$$

$$4 \times 3 = 12 \quad \text{ج} \quad 4n$$

$$6n - 2 \quad \text{د}$$

$$n \times (n + 3) \Rightarrow n = 1 \Rightarrow 1 \times (1 + 3) = 4$$

$$n = 2 \Rightarrow 2 \times (2 + 3) = 10$$

$$n = 3 \Rightarrow 3 \times (3 + 3) = 18$$

$$4 \times n - 2$$

$$n = 1 \Rightarrow 4 \times 1 - 2 = 2$$

$$n = 2 \Rightarrow 4 \times 2 - 2 = 6$$

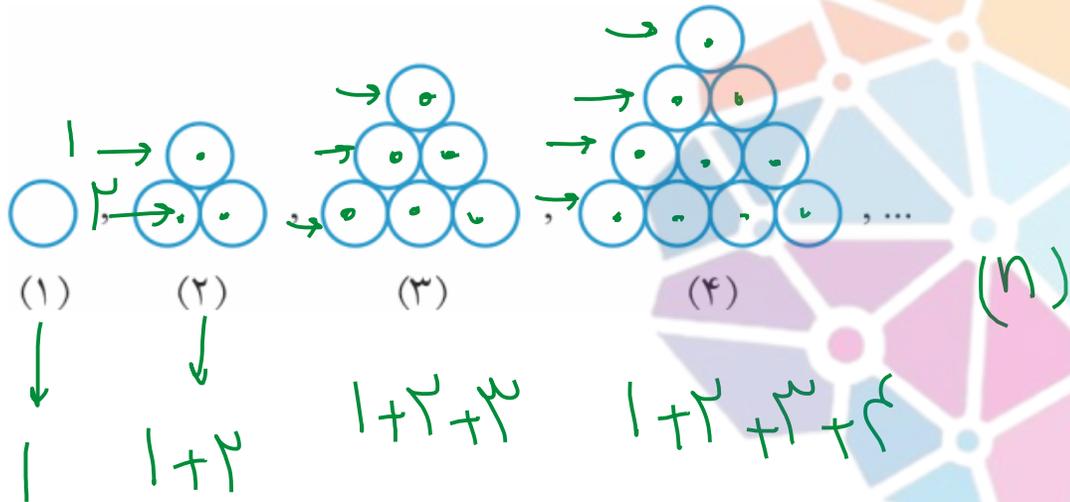


استاد وحید اسدی‌کیا



(مسابقات ریاضی)

۱۲. شکل n ام در ترتیب زیر، از چند دایره تشکیل شده است؟



و  
 (n) ام درصفت:  $1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n$

$$= \frac{n \times (n+1)}{2}$$

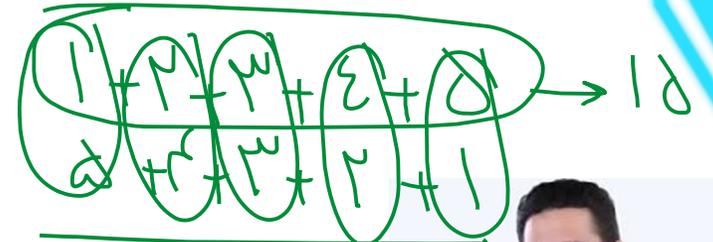
سرزمین تیزهوشان ایران

$\frac{n \times (n-1)}{2}$  الف

$n \times (n-1)$  ب

$n \times (n+1)$  ج

$\frac{n \times (n+1)}{2}$  د



$$\frac{5 \times 5}{2}$$

وول جدول

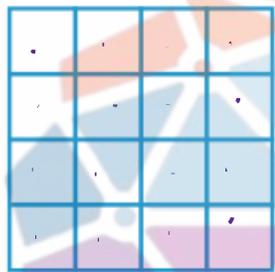
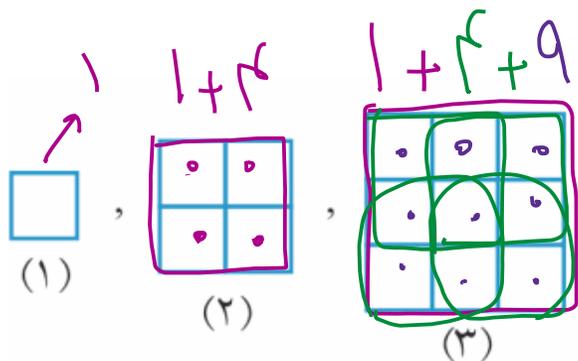


استاد وحید اسدی کیا



(تیزهوشان + مسابقات ریاضی)

۱۵. در شکل n ام از الگوی زیر، چند مربع با هر اندازه دیده می شود؟



$(1 \times 1) + (2 \times 2) + (3 \times 3) + \dots + (n \times n)$

الف

$1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$

ب

$2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2$

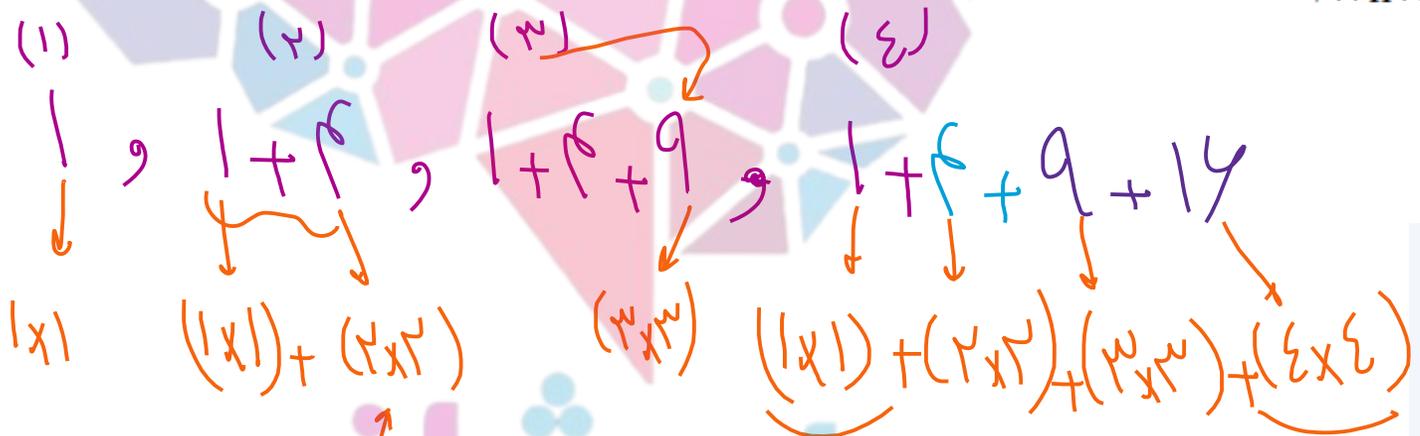
ج

n بار

$4 \times n \times n$

د

ه



هوشلند

سرزمین تیزهوشان ایران



استاد وحید اسدی کیا





نکته: مجموع اعداد مربعی از  $(1 \times 1)$  تا  $(n \times n)$

$$(1 \times 1) + (2 \times 2) + (3 \times 3) + \dots + (n \times n) = \frac{n \times (n+1) \times (2n+1)}{6}$$

مثال:  $(1 \times 1) + (2 \times 2) + (3 \times 3) + \dots + (10 \times 10) =$

$$\frac{10 \times (10+1) \times (2 \times 10+1)}{6} = \frac{10 \times 11 \times 21}{6}$$

هوشمند

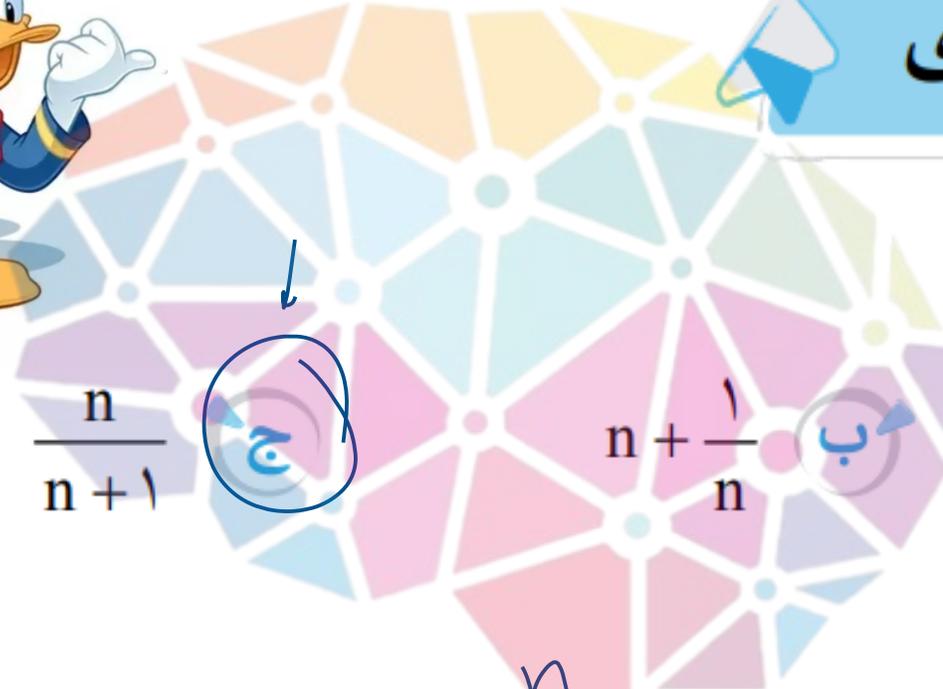
ایرانشان ایران

$$= 385$$

استاد وحید اسدی کیا



# الگوهای عددی



(۱) (۲) (۳) (n)

۱/۲, ۲/۳, ۳/۴, ..., ?

الف  $\frac{n+1}{n}$

د  $\frac{n}{2 \times n}$

ب  $n + \frac{1}{n}$

عجیب و غریب  
تشریح از هوش  
اس

$\frac{n}{n+1}$

هوشنا  
سرزمین تیزهوشان ایران



استاد وحید اسدی کیا

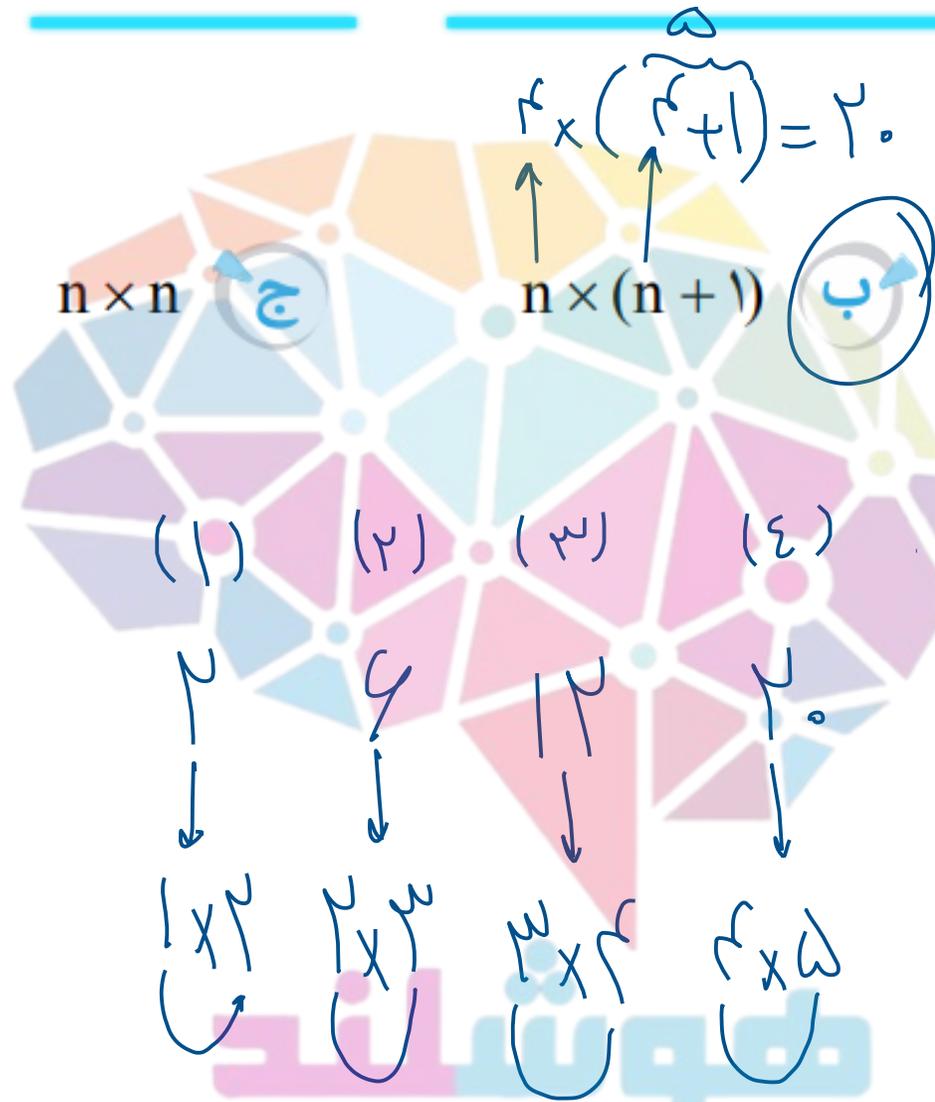


$$n \times n + 1 = 17$$

↑      ↑      ↓

$$n \times n + 1 = \text{د}$$

↑      ↓



(1) (2) (3) (4) (n)  
 2, 6, 12, 20, ..., ? 26

$n \times (n - 1)$  الف

(n)  
 $n \times (n + 1)$



سرزمین تیزهوشان ایران

استاد وحید اسدی کیا



(مسابقات ریاضی)

x	0	1	2	3	4	...
y	100	90	70	40	0	

۳۳. طبق جدول زیر، کدام عبارت جبری رابطه‌ی بین x و y را به درستی نشان می‌دهد؟

ب  $y = 100 - 5 \times x \times x$

الف  $y = 100 - 10 \times x$

د  $y = 20 - x - x \times x$

ج  $y = 100 - 5 \times x - 5 \times x \times x$



$x=0 \Rightarrow y = 100 - 5 \times 0 - 5 \times 0 \times 0 \Rightarrow y = 100 \checkmark$   
 $x=1 \Rightarrow y = 100 - 5 \times 1 - 5 \times 1 \times 1 \Rightarrow y = 90 \checkmark$   
 $x=2 \Rightarrow y = 100 - 5 \times 2 - 5 \times 2 \times 2 \Rightarrow y = 70 \checkmark$   
 $x=3 \Rightarrow y = 100 - 5 \times 3 - 5 \times 3 \times 3 \Rightarrow y = 40 \checkmark$

عبارت جبری = عبارتی که ترکیبی از حروف انگلیسی،

اعداد و افعال ریاضی است.



استاد وحید اسدی کیا





## کاربرد حروف

$$\omega x = \partial \times x$$

$$y = 1 \times y$$

$$-z = -1 \times z$$

$$r_x x + w_y y - 9z$$

عدد دهان ۲۵ و ۲۵  
لا ممت و سنی

لا ممت و سنی



استاد وحید اسدی کیا



۳۱ روزه

۳۶. فاطمه هر روز  $a$  صفحه از کتابی را می خواند. او در ماه فروردین، چند صفحه از کتابش را می خواند؟ (آزمون ورودی میان پایه)

الف  $7a$

ب  $29a$

ج  $30a$

د  $31a$



$$a + a + a + a + \dots + a = 31a$$

۳۱ دونه  $a$  داره باهم جمع می کنن

هوشبند

سرزمین تیزهوشان ایران



استاد وحید اسدی کیا



۳۷. هزینه چاپ یک سری کارت تبریک که با  $c$  نشان داده شده، عبارت است از ۱۰۰ ریال برای قیمت پایه (ثابت) و ۶ ریال هزینه

(آزمون جهانی تیمز)

برای چاپ هر عدد کارت. کدام یک از معادلات، هزینه چاپ  $n$  کارت تبریک را نشان می‌دهد؟

$c = 106n$  د

$c = 106 + n$  ج

$c = 6 + 100n$  ب

$c = 100 + 6n$  الف



هزینه چاپ  $n$  کارت  $4 \times n$

بدون قیمت پایه

$C = 100 + 4 \times n$

هزینه چاپ

$C = 100 + 4 \times 24 = 34$  ریال



استاد وحید اسدی کیا



موسسه تیزهوشان

زمین تیزهوشان ایوان

# هزینه ثابت

۳۸. هزینه‌ی ورودی یک موزه برای هر مدرسه، ۱۰۰۰۰۰۰ تومان است اگر هزینه‌ی هر دانش‌آموز ۱۰۰۰۰ تومان و هزینه‌ی هر مربی،

(آزمون ورودی میان پایه)

نصف هر دانش‌آموز باشد، هزینه‌ی کل برای بازدید a دانش‌آموز و b مربی چه قدر است؟

الف  $a + b + 100100$  ب

الف  $1000a + \frac{1}{2}b + 100000$

د  $1500ab + 100000$

ج  $1000a + 500b + 100000$



صورتی که از این دو همگامی  
صحیح و اشتباه کارها

هزینه ثابت

$$100000 + (1000a) + (500b)$$

مدرسین فصل ۱۱ از لول ۱ تا ۱۱  
هر لول



استاد وحید اسدی کیا

