

۱- حاصل عبارت زیر کدام است؟

- ۲/۳ (۲) ۱/۵ (۱)  
-۱/۳ (۴) ۶/۵ (۳)

$$\frac{1}{5 \times 6} + \frac{2}{6 \times 8} + \frac{3}{8 \times 11} + \dots + \frac{9}{41 \times 50}$$

۲- حاصل عبارت مقابل کدام است؟

- $\frac{9}{50}$  (۴)  $\frac{11}{50}$  (۳)  $\frac{45}{5 \times 6 \times 8 \times \dots \times 50}$  (۲)  $\frac{45}{50}$  (۱)

۳- حاصل عبارت  $6+6^2 \div 3 - 32 \div 4^2 \div 2 + 6^2 \div 3 - 32 \div 4^2 \div 2 \times 3^2 \div 4 - 32 \div 4^2 \div 2 \times 3^2 \div 4$  کدام است؟

- ۱۵ (۴) ۱۷ (۳) ۱۲ (۲) ۱۱ (۱)

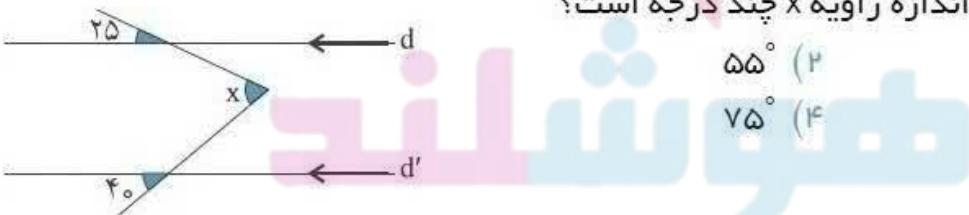
۴- تعداد مقسوم‌علیه‌های عدد ۲۴۰ کدام است؟

- ۱۶ (۴) ۱۸ (۳) ۱۹ (۲) ۲۰ (۱)

۵- a و b دو عدد اول بزرگ‌تر از ۵ هستند. عدد  $a^{m}b^n \times (ab)^{a-1} \times (ab)^{b-1}$  چند مقسوم‌علیه طبیعی دارد؟

- $a^m b^n$  (۴)  $a^m b^m$  (۳)  $(ab)^m$  (۲)  $6 ab$  (۱)

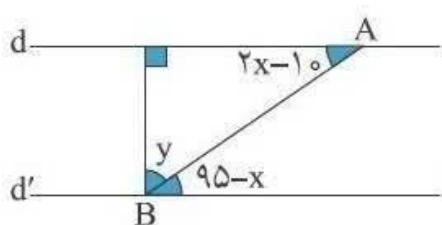
۶- در شکل مقابل، اندازه زاویه  $x$  چند درجه است؟



۵۵° (۲) ۶۵° (۱)

۷۵° (۴) ۷۰° (۳)

۷- در شکل مقابل،  $d' \parallel d$ ، اندازه زاویه  $\hat{y}$  کدام است؟



۵۵° (۲) ۳۵° (۱)

۳۰° (۴) ۶۰° (۳)

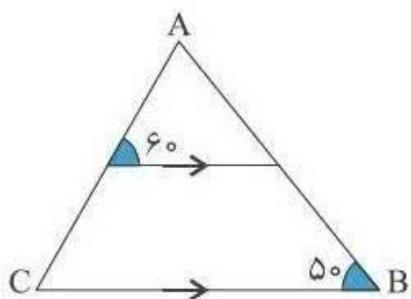
۸ - در شکل مقابل، اندازه زاویه  $\hat{A}$  کدام است؟

$80^\circ$  (۱)

$85^\circ$  (۲)

$90^\circ$  (۳)

$70^\circ$  (۴)



- ۸

۹ - زاویه‌ای که از برخورد نیمسازهای دو زاویه داخلی مجاور یک پنجضلعی منتظم تشکیل

می‌شود، چند درجه است؟

$108^\circ$  (۱)

$86^\circ$  (۲)

$72^\circ$  (۳)

$54^\circ$  (۴)

۱۰ - کدام تعریف در مورد مربع ممکن است صدق نکند؟

۱) مستطیلی که قطرهایش بر هم عمود باشند، مربع است.

۲) متوازیالاضلاعی که همه اضلاعش برابر باشد، مربع است.

۳) لوزی‌ای که همه زاویه‌های آن با هم برابر باشد، مربع است.

۴) لوزی‌ای که قطرهای آن همانند اندازه باشد، مربع است.

مژمین تیزهوشان ایران

۱ - گزینه (۱)

باید دقت کرد ترتیب عملیات رعایت شود:

$$\begin{aligned}
 & \left( \frac{r - \frac{r}{\mu}}{\frac{1 - \frac{r}{\mu}}{r} + \frac{1}{\Delta}} - \frac{v}{r} \right) - \frac{v}{r} = \left( \frac{r + \frac{r}{\mu}}{\frac{r}{1 - \frac{r}{\mu}} \times \frac{\Delta}{1}} - \frac{v}{r} \right) - \frac{v}{r} = \left( \frac{\frac{r}{\mu}}{1} \times \frac{\Delta}{1} \right) - \frac{v}{r} = (r \times \Delta) - \frac{v}{r} \\
 & = 10 - \frac{v}{r} = \frac{20}{r} - \frac{v}{r} = \frac{10}{r} - \frac{1}{r} = \frac{9}{r} = 6 / \Delta
 \end{aligned}$$

۲ - گزینه (۲)

$$\begin{aligned}
 & \frac{1}{\Delta \times 6} + \frac{r}{6 \times \Delta} + \frac{\mu}{\Delta \times 11} + \dots + \frac{9}{\mu \times \Delta} \\
 & = \left( \frac{1}{\Delta} - \frac{1}{6} \right) + \left( \frac{1}{6} - \frac{1}{\Delta} \right) + \left( \frac{1}{\Delta} - \frac{1}{11} \right) + \dots + \left( \frac{1}{\mu} - \frac{1}{\Delta} \right) = \frac{1}{\Delta} - \frac{1}{\Delta} = \frac{10}{\Delta} - \frac{1}{\Delta} = \frac{9}{\Delta}
 \end{aligned}$$

$$2 \times 3^2 \div 3 - 32 \div 4^2 \div 2 + 6 =$$

$$18 \div 3 - 32 \div 16 \div 2 + 6 = 6 - 1 + 6 = 12 - 1 = 11$$

۳ - گزینه (۱)

۴ - گزینه (۱)

$\mu \neq 0$	$r$
$1 \neq 0$	$r$
$6 \neq 0$	$r$
$10 \neq 0$	$r$
$10$	$\mu$
$5$	$\Delta$
$1$	$1$

$$\text{تعداد مقسوم علیه های } r^{10} = \frac{1}{\Delta} \times \frac{1}{\mu} \times \frac{1}{10} = 20$$

۵ - گزینه (۲)

$$\begin{aligned}
 & (ra)^{b-1} \times (\mu b)^{a-1} = r^{b-1} \times a^{b-1} \times \mu^{a-1} \times b^{a-1} \\
 & \text{تعداد مقسوم علیه های عدد} = a - b^a \times a^b = (ab)^a
 \end{aligned}$$

۶ - گزینه (۱)

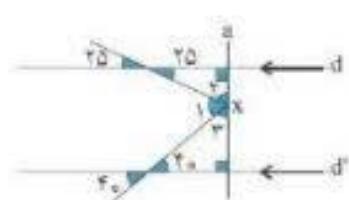
خط  $a$  را عمود بر  $d$  و  $d'$  طوری رسم می کنیم که از رأس زاویه

X عبور کند:

$$\hat{x}_p = 180^\circ - (90^\circ + 2\Delta^\circ) = 60^\circ$$

$$\hat{x}_{\mu} = 180^\circ - (90^\circ + 4\Delta^\circ) = 50^\circ$$

$$\hat{x}_l = 180^\circ - (6\Delta^\circ + 50^\circ) = 60^\circ$$



$$d \parallel d', AB \text{ مورب} \rightarrow 2x - 1^\circ = 90^\circ - x$$

$$\rightarrow 2x + x = (90^\circ + 1^\circ) = 1^\circ 0^\circ$$

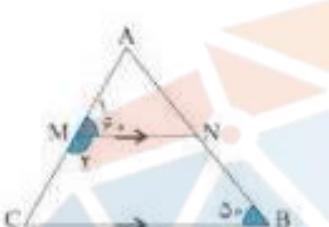
$$\rightarrow 3x = 1^\circ 0^\circ \rightarrow x = \frac{1^\circ 0^\circ}{3} = 1^\circ 0^\circ$$

$$\hat{y} = 90^\circ - (90^\circ - x) = 90^\circ - (90^\circ - 1^\circ 0^\circ) = 1^\circ 0^\circ$$



$$CB \parallel MN, AC \text{ مورب} \rightarrow \hat{M}_1 = \hat{C} = 60^\circ$$

$$\hat{A} = 180^\circ - (\hat{B} + \hat{C}) = 180^\circ - (60^\circ + 60^\circ) = 60^\circ$$



$$\text{اندازه زاویه پنجضلعی منتظم} = \frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$$

$$\hat{A}_1 = \hat{B}_1 = 108^\circ + 2 = 110^\circ$$

$$\hat{C} = 180^\circ - (110^\circ + 110^\circ) = 60^\circ$$

متوازی الاضلاعی که اضلاعش همگی با هم برابر باشد، لوزی است و لزوماً مربع نیست.

# طوفشان

هزارمین تبریز هوشان ایران