

۱- اگر ضلع مکعبی را نصف کنیم، آنگاه حجم آن حجم اولیه است.

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{8}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{16}$

۲- ابعاد یک کارتن سه برابر ابعاد جعبه‌ی دستمال کاغذی است. در این کارتن چند جعبه دستمال کاغذی جای می‌گیرد؟

- (۱) ۹ (۲) ۲۷ (۳) ۳ (۴) ۳۶

۳- طول و عرض و ارتفاع یک مکعب‌مستطیل را دو برابر می‌کنیم، حجم آن چند برابر می‌شود؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۸ (۴) ۱۶

۴- اگر مجموع طول یال‌های یک مکعب ۴۸ سانتی‌متر باشد، حجم این مکعب چند سانتی‌متر مکعب است؟

- (۱) ۵۱۲ (۲) ۹۶ (۳) ۶۴ (۴) ۱۴۴

۵- محیط یکی از وجه‌های چهاروجهی منتظم ۲۱ سانتی‌متر است. محیط گسترده‌ی آن چند سانتی‌متر است؟

- (۱) ۸۴ (۲) ۴۲ (۳) ۱۶۸ (۴) ۶۳

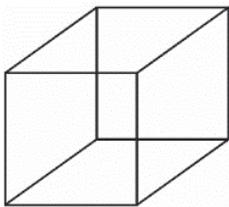
۶- ۱۰۰۰ مکعب به بعد ۱ سانتی‌متر را طوری به هم می‌چسبانیم تا یک مکعب به بعد ۱۰ سانتی‌متر به وجود آید و روی آن را رنگ می‌کنیم. چند مکعب اصلاً رنگ نمی‌شود؟

- (۱) ۴۸۸ (۲) ۵۱۲ (۳) ۶۰۰ (۴) ۴۰۰

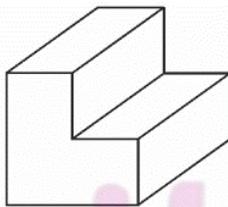
۷- ظرفی به شکل مکعب‌مستطیل را در نظر می‌گیریم که طول آن ۱۰۰ سانتی‌متر و عرض آن ۱۰ سانتی‌متر می‌باشد. مقداری آب در آن می‌ریزیم و سنگی را در داخل آن می‌اندازیم، آب داخل ظرف $\frac{1}{10}$ سانتی‌متر بالا می‌آید. حجم سنگ چند سانتی‌متر مکعب است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۰۰ (۳) ۱۰۰۰ (۴) ۱

۸- شکل‌های (۱) و (۲) را رنگ‌آمیزی می‌کنیم. نسبت مساحت رنگ‌شده‌ی شکل (۲) به شکل (۱) برابر است با:



(۱)



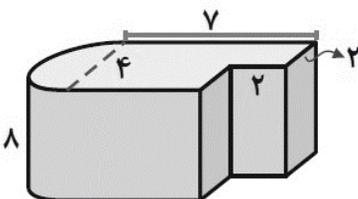
(۲)

- (۱) $\frac{5}{6}$ (۲) $\frac{11}{12}$ (۳) $\frac{7}{8}$ (۴) $\frac{3}{4}$

۹- برای ساختن جعبه‌ای مکعب‌مستطیل شکل به ابعاد ۱۰، ۸ و ۶ سانتی‌متر، چند سانتی‌متر مربع مقوا لازم داریم؟

- (۱) ۴۸۰ (۲) ۳۷۶ (۳) ۱۸۸ (۴) ۲۵۶

۱۰- حجم شکل زیر چند واحد مکعب است؟ ($\pi \approx 3/14$)



(۱) ۳۴۷/۳۶

(۲) ۲۱۷/۲۴

(۳) ۲۹۲/۴۸

(۴) ۲۴۲/۲۴

۱ - گزینه‌ی (۲)

با توجه به نکته مبحث حجم داریم:

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

۲ - گزینه‌ی (۲)

با توجه به نکته مبحث حجم داریم:

$$\text{حجم کارتن } ۲۷ \text{ برابر حجم جعبه است. } ۳ \times ۳ \times ۳ = ۲۷$$

۳ - گزینه‌ی (۳)

با توجه به نکته مبحث حجم داریم:

$$\text{حجم مکعب مستطیل } ۸ \text{ برابر می‌شود. } ۲ \times ۲ \times ۲ = ۸$$

۴ - گزینه‌ی (۳)

هر مکعب ۱۲ یال دارد، پس:

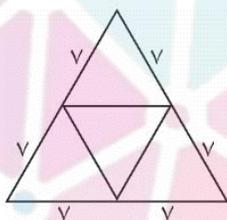
$$\text{اندازه‌ی هر یال مکعب } ۴۸ \div ۱۲ = ۴$$

$$\text{حجم مکعب } ۴ \times ۴ \times ۴ = ۶۴$$

۵ - گزینه‌ی (۲)

$$\text{اندازه‌ی هر ضلع } ۲۱ \div ۳ = ۷$$

$$\text{محیط گسترده‌ی چهاروجهی منتظم } ۴۲ = (۶ \times ۷)$$



۶ - گزینه‌ی (۲)

با توجه به نکته مبحث حجم داریم:

$$(۱۰-۲) \times (۱۰-۲) \times (۱۰-۲) = ۸ \times ۸ \times ۸ = ۵۱۲$$

۷ - گزینه‌ی (۱)

با توجه به نکته مبحث حجم داریم:

$$\text{ارتفاع آب بالا آمده} \times \text{عرض ظرف} \times \text{طول ظرف} = \text{حجم سنگ}$$

$$\text{سانتی‌متر مکعب } ۱۰ = ۱۰۰ \times ۱۰ \times ۰/۰۱ = \text{حجم سنگ}$$

۸ - گزینه‌ی (۲)

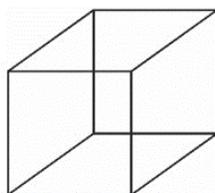
اگر بُعد مکعب‌ها را ۲ در نظر بگیریم:

$$\text{مساحت شکل (۱)} = ۲۴ = ۶ \times (۲ \times ۲)$$

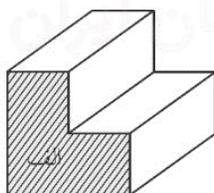
$$\text{مساحت شکل (۲)} = ۴ \times (۲ \times ۲) + \text{مساحت قسمت الف} = ۲ \times (۲ \times ۲) - (۱ \times ۱) = ۳$$

$$\text{مساحت شکل (۲)} = ۲۲ = (۲ \times ۳) + ۴ \times (۲ \times ۲)$$

$$\frac{\text{مساحت شکل (۲)}}{\text{مساحت شکل (۱)}} = \frac{۲۲}{۲۴} = \frac{۱۱}{۱۲}$$

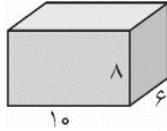


(۱)



(۲)

۹- گزینه‌ی (۲)



باید مساحت کل جعبه را به دست آوریم.

مساحت دو قاعده + مساحت جانبی = مساحت کل

$$\text{مساحت کل} = ((10 + 6) \times 2) \times 8 + (6 \times 10) \times 2 = 256 + 120 = 376 \text{ سانتی‌متر مربع}$$

۱۰- گزینه‌ی (۴)

شکل از یک نیم‌استوانه به شعاع قاعده ۲ و ارتفاع ۸، یک مکعب مستطیل با اضلاع ۴ و ۵ و ۸ و

یک مکعب مستطیل دیگر به اضلاع ۲ و ۲ و ۸ تشکیل شده است.

بنابراین باید حجم این شکل ۳ را به دست بیاوریم:

$$\text{واحد مکعب } 24/50 = 100/48 \div 2 \Rightarrow \text{حجم نیم‌استوانه} = 100/48 \times \text{ارتفاع} = 100/48 \times 8 = 16 \frac{2}{3}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{حجم مکعب ۱: } 4 \times 5 \times 8 = 160 \\ \text{حجم مکعب ۲: } 2 \times 2 \times 8 = 32 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{حجم کل} = 32 + 160 + 50/24 = 242/24$$

هوش‌شوند

سرزمین تیزهوشان ایران